

기·출·의·파·급·효·과
수학 I 워크북



수학 I
워크북
기출의 파급효과

수학 I

Chapter 01. 지수와 로그_8p

Chapter 02. 지수함수와 로그함수_19p

Chapter 03. 개수 세기_37p

Chapter 04. 삼각함수, 사인법칙, 코사인법칙_41p

Chapter 05. 수열_61p

Chapter 06. 수학적 귀납법과 낯선 수열_81p

저자의 말

안녕하세요. 오르비 파급효과입니다. 집필한 지 6년째네요. EBS 선별, 기출의 파급효과 시리즈를 통해 큰 사랑을 받았습니다. 여기까지 오는데 너무 과분한 사랑을 주신 분들 너무 감사합니다. 이제 본격적으로 교재 소개를 해보겠습니다.

저는 다음과 같은 교재를 만들었습니다.

1. 기출의 파급효과에는 수학 I 기출을 푸는 데 정말 필요한 태도와 도구만을 모두 정리했습니다.

각 Chapter를 나누는 기준이 교과서 목차가 아닌 기출을 푸는 데 정말 필요한 태도와 도구입니다. 기존 개념서들보다 훨씬 얇습니다. 빠르게 실전 개념을 정리할 수 있습니다. 예제 해설까지 꼼꼼히 읽는다면 준킬러, 킬러 문제에서 생각의 틀이 확실히 잡힐 것입니다. 각 Chapter를 '순서대로' 학습하신다면 더욱 큰 학습효과를 기대할 수 있습니다.

2. 최중요 준킬러 이상급의 기출을 기출의 파급효과 칼럼 예제로 들어 칼럼에서 배운 태도와 도구를 바로 활용할 수 있도록 하였습니다.

수학 I 기출 중 킬러는 물론 오답률이 높은 문제들을 예제로 들었습니다. 본문 속 태도와 도구가 킬러, 준킬러에서 어떻게 보편적으로 이용되는지 직접 확인한다면 태도와 도구들이 더욱 와닿을 것입니다. 어떠한 한 문제에만 적용되는 특수한 스킬 같은 것이 아닙니다.

예제로 든 평가원 기출을 태도와 도구뿐만 아니라 진화 단계별로도 배치했습니다. 예제들을 '순서대로' 풀다보면 자연스럽게 기출의 진화과정을 느낄 수 있습니다. 기출의 진화과정을 느낀다면 자연스럽게 기출에 대한 태도와 도구들이 정리됩니다. 태도와 도구 정리가 완성되면 최종 진화 형태인 후반부의 최신 기출문제는 혼자 clear 할 수 있고 이에 대한 보람을 느끼실 겁니다.

예전 킬러 문제에 쓰였던 아이디어 2개 이상이 현재의 준킬러, 킬러에 쓰입니다. 수능 때 킬러를 풀 생각이 없어 과거의 킬러를 제대로 학습하지 않는 우를 범한다면 준킬러도 못 풀거나 빨리 풀기 힘듭니다. 따라서 태도와 도구를 기반으로 한 기출의 킬러 학습은 필수입니다.

3. 평가원 문항뿐만 아니라 교육청, 사관학교 문항도 중요한 기출들입니다.

교육청 및 사관학교 문제가 진화한 형태가 평가원에 출제되고 있습니다. 따라서 기존 평가원 기출만을 푸는 것만으로 매년 빠르게 발전하는 수능을 대비하기에는 부족합니다. 하지만 교육청 및 사관학교 문제들까지 모두 풀자니 양이 너무 많습니다.

이를 해결하기 위해 핵심적인 평가원, 교육청, 사관학교 문제를 필요한 만큼만 선별했습니다.

기출의 파급효과에는 평가원, 교육청, 사관학교 기출 중 가장 핵심이 되는 153문제를 담았습니다.

4. 예제 해설과 유제 해설은 문제를 푸는데에 있어 필요한 생각의 흐름을 매우 자세하게 담았습니다.

예제 해설과 유제 해설은 단계별로 분리되어 있어 이해가 더욱 쉽습니다. 문제에서 필요한 태도와 도구들을 어떻게 쓰는지 과외처럼 매우 자세히 알려줍니다.

5. 더 많은 좋은 기출을 풀어보고 싶은 학생들을 위하여 기출의 파급효과 워크북 전자책을 준비하였습니다.

기출의 파급효과 워크북은 기출에 대한 태도와 도구를 체화하기 시키기 위해 예제보다는 다소 쉬운 유제 275문제로 구성되어 있습니다. 워크북의 유제는 연도순으로 배치되어 있습니다.

본권과의 호환성을 위하여 워크북에 담긴 기출 역시 본권의 목차를 따릅니다. 본권 학습을 하면서 워크북도 병행한다면 효과도 배가 될 것입니다. 본권을 잘 학습하셨다면 워크북에 담긴 기출도 무리 없이 풀릴 겁니다.

본권을 학습하고 더 이상의 기출보단 n제로 학습하길 희망하는 학생들은 n제로 넘어가셔도 좋습니다.

본권만으로도 정말 중요한 기출을 거의 다 본 것이나 마찬가지이기 때문입니다.

짧거나 쉬운 Chapter는 2~3일을 잡으시고 길거나 어려운 Chapter는 6~7일 정도를 잡으시면 됩니다.

이를 따른다면 교재를 빠르면 한 달 내로 늦어도 두 달 내로 완료할 수 있을 것입니다.

개념을 한 번 떼고 쉬운 3~4점 n제(센 등등)를 완료한 후 혼자 힘으로 할 수 있는 만큼 기출을 한 번 정도 열심히 풀고 기출의 파급효과를 시작하면 효과가 좋을 것입니다.

9월 평가원을 응시하기 전에 본권과 워크북을 '제대로' 1회독을 완료하기만 해도 실력이 부쩍 늘어나 있을 것입니다. 9월 평가원 이후 수능 전까지는 기출의 파급효과에서 잘 안 풀렸던 기출 위주로 다시 풀며 끊임없이 실전 모의고사로 실전 연습을 한다면 수능 때도 분명 좋은 결과가 있을 것입니다.

수학 1등급, 아직 늦지 않았습니다. 마지막으로 한 번쯤 봐야 할 기출, 기출의 파급효과와 함께 합시다.

파급의 기출효과



cafe.naver.com/spreadeffect
파급의 기출효과 NAVER 카페

기출의 파급효과 시리즈는 기출 분석서입니다. 기출의 파급효과 시리즈는 국어, 수학, 영어, 물리학 1, 화학 1, 생명과학 1, 지구과학 1, 사회·문화가 예정되어 있습니다.

준킬러 이상 기출에서 얻어갈 수 있는 '꼭 필요한 도구와 태도'를 정리합니다.

'꼭 필요한 도구와 태도' 체화를 위해 관련도가 높은 준킬러 이상 기출을 바로바로 보여주며 체화 속도를 높입니다. 단시간 내에 점수를 극대화할 수 있도록 교재가 설계되었습니다.

학습하시다 질문이 생기신다면 '파급의 기출효과' 카페에서 질문을 할 수 있습니다.

교재 인증을 하시면 질문 게시판을 이용하실 수 있습니다.

기출의 파급효과 팀 소속 오르비 저자분들이 올리시는 학습자료를 받아보실 수 있습니다. 위 저자 분들의 콘텐츠 질문 답변도 교재 인증 시 가능합니다.

더 궁금하시다면 <https://cafe.naver.com/spreadeffect/15>에서 확인하시면 됩니다.

모킹버드



mockingbird.co.kr

수능 대비 온라인 문제은행

모킹버드는 수능 대비에 초점을 맞춘 문제은행 서비스입니다. AI 문항 추천 알고리즘을 통해 이용자의 학습에 최적화된 맞춤형 모의고사를 제공하여 효율적인 수능 성적향상을 목표로 합니다. 수학, 과탐을 서비스 중입니다.

문항 제작과 검수에 기출의 파급효과 팀뿐만 아니라 지인선 님을 포함한 시대/강대/메가 콘텐츠 팀에서 근무하였고 여러 문항 공모전에서 수상한 이력이 있는 여러 문항 제작자들이 함께 하였습니다.

웹 개발과 알고리즘 개발에는 서울대 컴공, 카이스트 전산학부 출신 개발자들이 참여하였습니다.

모킹버드를 통해 싸고 맛좋은 실모를 온라인으로 뽑아 풀어보고,

AI 문항 추천 알고리즘 기술의 도움을 받아 학습 효율을 극대화해보세요.

가입만 해도 기출은 무제한 무료 이용 가능하고, 자작 실모 1회도 무료로 제공됩니다.



Chapter
05

수열

유제

01 05학년도 예비시행 나형 16번

한 은행은 고객으로부터 100 만원을 연이율 5%의 5년 만기 정기예금으로 받으면, 그 중에서 90 만원을 연이율 $r\%$ 로 5년 동안 대출하고 나머지 10 만원은 예비비로 보관한다. 5년 후 은행은 대출금을 이자와 함께 회수하고 고객에게 정기예금을 이자와 함께 지불하여 20 만원의 수익을 얻으려고 한다. 이때, 대출이율 r 를 구하는 식은? (단, 모든 이자는 1년마다의 복리로 계산한다.) [4점]

- ① $10^6\left(1 + \frac{5}{100}\right)^5 - 9 \times 10^5\left(1 + \frac{r}{100}\right)^5 = 10^5$
- ② $10^6\left(1 + \frac{5}{100}\right)^5 - 9 \times 10^5\left(1 + \frac{r}{100}\right)^5 = 2 \times 10^5$
- ③ $10^6\left(1 + \frac{5}{100}\right)^5 - 9 \times 10^5\left(1 + \frac{r}{100}\right)^5 = 3 \times 10^5$
- ④ $9 \times 10^5\left(1 + \frac{r}{100}\right)^5 - 10^6\left(1 + \frac{5}{100}\right)^5 = 10^5$
- ⑤ $9 \times 10^5\left(1 + \frac{r}{100}\right)^5 - 10^6\left(1 + \frac{5}{100}\right)^5 = 2 \times 10^5$

02 05학년도 예비시행 나형 27번

<보기>의 함수 중에서 그 그래프 위의 서로 다른 세 점 $A(a, p)$, $B(b, q)$, $C(c, r)$ 를 선택하되, x 좌표 a, b, c 는 차례로 등차수열을 이루고 y 좌표 p, q, r 는 차례로 등비수열을 이루게 할 수 있는 것을 모두 고른 것은? [4점]

<보 기>

$$\text{㉠. } f(x) = x$$

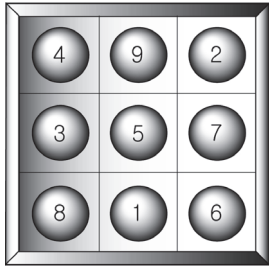
$$\text{㉡. } g(x) = \frac{1}{x}$$

$$\text{㉢. } h(x) = 2^x$$

- ① ㉠ ② ㉡ ③ ㉢
- ④ ㉠, ㉡ ⑤ ㉡, ㉢

03 04년 4월 교육청 나형 11번

1부터 9까지 번호가 적힌 9개의 공이 있다. 아래 그림과 같이 가로, 세로, 대각선 방향에 놓여 있는 공에 적힌 수들의 합이 각각 15가 되도록 3×3 격자판 위에 빈칸 없이 공을 배열하였다.



위와 같은 방법으로 5부터 40까지 번호가 적힌 36개의 공을 가로, 세로, 대각선 방향에 놓여 있는 공에 적힌 수들의 합이 각각 m 이 되도록 $n \times n$ 격자판 위에 빈칸 없이 모두 배열할 때, $m+n$ 의 값은? [4점]

- ① 137 ② 139 ③ 141
 ④ 143 ⑤ 145

04 05학년도 6월 평가원 나형 14번

함수 $f(x) = \log_4 x$ 일 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]

< 보 기 >

ㄱ. 양수 x 에 대하여 $f\left(\frac{x}{4}\right) = f(x) + 1$ 이다.
 ㄴ. 수열 $\{f(2^n)\}$ 은 등차수열이다.
 ㄷ. $x > 1$ 일 때, $f(f(x)) > 0$ 이다.

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄱ, ㄷ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

05 05학년도 9월 평가원 나형 14번

일반항이 $a_n = 2^{1-n}$ 인 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 S_n 이라 할 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

< 보 기 >

ㄱ. 수열 $\{\log a_n\}$ 은 등차수열이다.
 ㄴ. 수열 $\{S_n + a_n\}$ 은 등비수열이다.
 ㄷ. $S_n = \frac{1}{2}a_{n+1} + 2$ 가 성립한다.

- ① ㄱ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

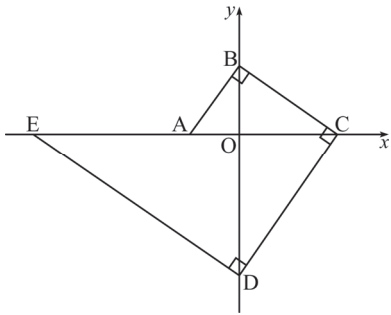
06 05년 4월 교육청 나형 30번

다음과 같이 1, 3, 5, 7, 9를 규칙적으로 나열했을 때, 제20행에 나열된 수들의 합을 구하십시오. [4점]

제1행						1			
제2행					3	5	7		
제3행				9	1	3	5	7	
제4행			9	1	3	5	7	9	1
⋮			⋮						

07 06년 3월 교육청 나형 14번

그림과 같이 좌표축 위의 다섯 개의 점 A, B, C, D, E에 대하여 $\overline{AB} \perp \overline{BC}$, $\overline{BC} \perp \overline{CD}$, $\overline{CD} \perp \overline{DE}$ 가 성립한다. 세 선분 AO, OC, EA의 길이가 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, 직선 AB의 기울기는? (단, O는 원점이고 $\overline{OA} < \overline{OB}$ 이다.) [4점]



- ① $\sqrt{2}$ ② $\sqrt{3}$ ③ 2
 ④ $\sqrt{5}$ ⑤ $\sqrt{6}$

08 07학년도 6월 평가원 나형 14번

다음은 어느 회사의 연봉에 관한 규정이다.

(가) 입사 첫째 해 연봉은 a 원이고, 입사 19년째 해까지의 연봉은 해마다 직전 연봉에서 8%씩 인상된다.
 (나) 입사 20년째 해부터의 연봉은 입사 19년째 해 연봉의 $\frac{2}{3}$ 로 한다.

이 회사에 입사한 사람이 28년 동안 근무하여 받는 연봉의 총합은? (단, $1.08^{18} = 4$ 로 계산한다.) [4점]

- ① $\frac{101}{2}a$ ② $\frac{111}{2}a$ ③ $\frac{121}{2}a$
 ④ $\frac{131}{2}a$ ⑤ $\frac{141}{2}a$

09 07학년도 6월 평가원 나형 17번

두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여

$$b_n = \frac{a_1 + 2a_2 + 3a_3 + \dots + na_n}{1 + 2 + \dots + n} \quad (n \geq 1)$$

이 성립한다. 다음은 $\{a_n\}$ 이 등차수열이기 위한 필요충분조건은 $\{b_n\}$ 이 등차수열임을 증명하는 과정이다.

<증명>

수열 $\{a_n\}$ 을 첫째항 a , 공차 d 인 등차수열이라 하면,

$$\begin{aligned} b_n &= \frac{a + 2(a+d) + 3(a+2d) + \dots + n\{a + (n-1)d\}}{1 + 2 + \dots + n} \\ &= \frac{a(1+2+\dots+n) + d\{2+3 \cdot 2 + \dots + n \cdot (n-1)\}}{1 + 2 + \dots + n} \\ &= a + \frac{2d \left\{ \boxed{\text{(가)}} - \frac{n(n+1)}{2} \right\}}{n(n+1)} \\ &= a + \boxed{\text{(나)}} \cdot (n-1) \end{aligned}$$

이므로 $\{b_n\}$ 은 공차가 $\boxed{\text{(나)}}$ 인 등차수열이다. 역으로 $\{b_n\}$ 을 등차수열이라 하면,

$$\begin{aligned} b_{n+1} &= \frac{a_1 + 2a_2 + 3a_3 + \dots + na_n}{1 + 2 + \dots + (n+1)} + \frac{(n+1)a_{n+1}}{1 + 2 + \dots + (n+1)} \\ &= \boxed{\text{(다)}} \cdot b_n + \frac{2}{n+2}a_{n+1} \\ &\quad \vdots \end{aligned}$$

이므로 수열 $\{a_n\}$ 은 등차수열이다.

위의 증명 과정에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것은? [4점]

- | | (가) | (나) | (다) |
|---|--------------------------|----------------|-------------------|
| ① | $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ | $\frac{2}{3}d$ | $\frac{n}{n+2}$ |
| ② | $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ | $\frac{2}{3}d$ | $\frac{n-1}{n+2}$ |
| ③ | $\frac{n(n+1)(2n+1)}{3}$ | $\frac{3}{2}d$ | $\frac{n}{n+2}$ |
| ④ | $\frac{n(n+1)(2n+1)}{3}$ | $\frac{2}{3}d$ | $\frac{n}{n+2}$ |
| ⑤ | $\frac{n(n+1)(2n+1)}{3}$ | $\frac{3}{2}d$ | $\frac{n+1}{n+2}$ |

10 07학년도 9월 평가원 나형 11번

수열 $\{a_n\}$ 이 $a_1 = 0, a_n + a_{n+1} = n$ 을 만족시킨다.

다음은 두 자연수 m, n 에 대하여 $\sum_{k=n-m+1}^{n+m} a_k$ 의 값을 구하는 과정이다. (단, $m < n$ 이다.)

$$\begin{aligned} & \sum_{k=n-m+1}^{n+m} a_k \\ &= a_{n-m+1} + a_{n-m+2} + \cdots + a_{n+m-1} + a_{n+m} \\ &= (n-m+1) + (n-m+3) + \cdots + (n+m-3) \\ & \quad + (\text{가}) \\ &= \frac{(\text{나}) \{ (n-m+1) + (\text{가}) \}}{2} \\ &= (\text{다}) \end{aligned}$$

위 과정에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것은? [3점]

- | | (가) | (나) | (다) |
|---|---------|-------|-------|
| ① | $n+m-1$ | m | mn |
| ② | $n+m-1$ | m | n^2 |
| ③ | $n+m-1$ | n | n^2 |
| ④ | $n+m$ | $m-1$ | mn |
| ⑤ | $n+m$ | $n-1$ | n^2 |

11 07학년도 수능 나형 22번

첫째항이 0이고 공차가 0이 아닌 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 수열 $\{b_n\}$ 이 $a_{n+1}b_n = \sum_{k=1}^n a_k$ 를 만족시킬 때, b_{27} 의 값을 구하시오. [4점]

12 07년 3월 교육청 나형 14번

a, b, c 가 서로 다른 세 실수일 때, 이차함수 $f(x) = ax^2 + 2bx + c$ 에 대한 <보기>의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]

— <보 기> —

ㄱ. a, b, c 가 이 순서로 등차수열을 이루면 $f(1) = 4b$ 이다.
 ㄴ. a, b, c 가 이 순서로 등차수열을 이루면 $y = f(x)$ 의 그래프는 x 축과 서로 다른 두 점에서 만난다.
 ㄷ. a, b, c 가 이 순서로 등비수열을 이루면 $y = f(x)$ 의 그래프는 x 축과 만나지 않는다.

- ① ㄱ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

13 07년 3월 교육청 나형 22번

n 개의 항으로 이루어진 등차수열 $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ 이 다음 조건을 만족한다.

(가) 처음 4 개 항의 합은 26 이다.
 (나) 마지막 4 개 항의 합은 134 이다.
 (다) $a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_n = 260$

이때 n 의 값을 구하시오. [4점]

14 09학년도 6월 평가원 나형 12번

자연수 n 과 $0 \leq p < r \leq n+1$, $0 \leq q < s \leq n$ 을 만족시키는 네 정수 p, q, r, s 에 대하여 좌표평면에서 네 점 $A(p, q), B(r, q), C(r, s), D(p, s)$ 를 꼭짓점으로 하고 넓이가 k^2 인 정사각형의 개수를 a_k 라고

하자. 다음은 $\sum_{k=1}^n a_k$ 의 값을 구하는 과정이다.

(단, k 는 n 이하의 자연수이다.)

그림과 같이 넓이가 k^2 인 정사각형 ABCD를 만들 때, 두 점 A, B의 y 좌표가 주어지면 x 좌표의 차가 $r-p=k$ 인 변 AB를 택하는 경우의 수는 (가)이다.

또 두 점 A, D의 x 좌표가 주어지면 y 좌표의 차가 $s-q=k$ 인 변 AD를 택하는 경우의 수는 (나)이다.

따라서 $a_k = (n+1)(n+2) - (2n+3)k + k^2$ 이다. 그러므로

$$\sum_{k=1}^n a_k = \sum_{k=1}^n \{(n+1)(n+2) - (2n+3)k + k^2\}$$

= (다)

(가), (나), (다)에 들어갈 식으로 알맞은 것은?

[3점]

- | | (가) | (나) | (다) |
|---|---------|---------|-------------------------|
| ① | $n-k+1$ | $n-k+2$ | $\frac{n(n+1)(n+2)}{6}$ |
| ② | $n-k+2$ | $n-k+1$ | $\frac{n(n+1)(n+2)}{6}$ |
| ③ | $n-k+1$ | $n-k+2$ | $\frac{n(n+1)(n+2)}{3}$ |
| ④ | $n-k+2$ | $n-k+1$ | $\frac{n(n+1)(n+2)}{3}$ |
| ⑤ | $n-k+1$ | $n-k+2$ | $\frac{n(n+1)(n+2)}{2}$ |

15 09학년도 6월 평가원 나형 28번

자연수 n 의 모든 양의 약수를 a_1, a_2, \dots, a_k 라 할 때,

$$x_n = (-1)^{a_1} + (-1)^{a_2} + \dots + (-1)^{a_k}$$

이라 하자. <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]

— <보 기> —

- ㄱ. $x_8 = 2$
- ㄴ. 자연수 m 에 대하여 $n = 3^m$ 이면 $x_n = -m+1$ 이다.
- ㄷ. 자연수 m 에 대하여 $n = 10^m$ 이면 $x_n = m^2 - 1$ 이다.

- ① ㄱ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
- ④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

16 09학년도 9월 평가원 나형 10번

자연수 n 에 대하여 함수 $y = 2^{x+n}$ 의 그래프가 함수

$$y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$$

의 그래프와 만나는 점을 P_n 이라 하자. 점 P_n 의 x 좌표를 a_n , y 좌표를 b_n 이라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

— <보 기> —

- ㄱ. 수열 $\{a_n\}$ 은 등차수열이다.
- ㄴ. 임의의 자연수 m, n 에 대하여 $b_m b_n = b_{m+n}$ 이다.
- ㄷ. $2b_n < b_{n+1}$ 을 만족하는 자연수 n 이 존재한다.

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄱ, ㄴ
- ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ